

Equazioni differenziali ordinarie-lineari-NON omogenee

$$y' + a_0(x)y = g(x)$$

dove:

$a_0(x)$ e $g(x)$ sono funzioni continue in $[a,b]$

L'insieme delle soluzioni è rappresentato da:

L'insieme delle soluzioni è detto integrale generale

Al variare della costante "c"

$$c y_0(x) + \bar{y}(x)$$

soluzione omogenea

soluzione particolare

Soluzione omogenea

$$y_0(x) = e^{-A_0(x)}$$

Vedi le equazioni differenziali ordinarie lineari Omogenee che abbiamo trattato nel precedente articolo della rubrica: "Speciale Equazioni Differenziali".

Soluzione particolare

$$\bar{y} = y_0(x) \cdot B(x)$$

$$e^{A_0(x)} \cdot g(x)$$

dove:

$A_0(x)$ è una primitiva di $a_0(x)$

Pertanto abbiamo

$$c \cdot \underbrace{e^{-A_0(x)}}_{y_0(x)} + \underbrace{e^{-A_0(x)}}_{y_0(x)} \cdot \underbrace{e^{A_0(x)} \cdot g(x)}_{B(x)}$$